

Principy logického programování

v PROLOGU

Šárka Vavrečková

Ústav informatiky, Filozoficko-přírodovědecká fakulta Slezské univerzity v Opavě
sarka.vavreckova@fpf.slu.cz

7. listopadu 2008

Vlastnosti Prologu

Prolog

- je deklarativní – určíme, co se má provést, a ne jak konkrétně se to má provést, procedurální část výpočtu je čistě v režii Prologu,
- je založen na rekurzi – rekurzivně prohledává lineární výpočetní strom přes jednotlivé uzly do hloubky,
- nerozlišuje data a program, obojí je v jednom souboru ve stejných klauzulích,

Vlastnosti Prologu

Prolog

- je deklarativní – určujeme, co se má provést, a ne jak konkrétně se to má provést, procedurální část výpočtu je čistě v režii Prologu,
- je založen na rekurzi – rekurzivně prohledává lineární výpočetní strom přes jednotlivé uzly do hloubky,
- nerozlišuje data a program, obojí je v jednom souboru ve stejných klauzulích,

Vlastnosti Prologu

Prolog

- je deklarativní – určujeme, co se má provést, a ne jak konkrétně se to má provést, procedurální část výpočtu je čistě v režii Prologu,
- je založen na rekurzi – rekurzivně prohledává lineární výpočetní strom přes jednotlivé uzly do hloubky,
- nerozlišuje data a program, obojí je v jednom souboru ve stejných klauzulích,

Vlastnosti Prologu

Prolog

- globální proměnné neexistují, lokální existují v rámci jediné klauzule, pokud jsou stejně pojmenovány proměnné v různých klauzulích, Prolog je rozliší přidáním čísla klauzule k názvu proměnné – místo `X` bude používat v klauzuli číslo 25 proměnnou `X25` apod.,
- si pamatuje, které klauzule použil při předchozích použitích rezoluce a jaké unifikace zvolil,
- pro unifikaci používá algoritmus podobný hledání nejobecnějšího unifikátoru.

Vlastnosti Prologu

Prolog

- globální proměnné neexistují, lokální existují v rámci jediné klauzule, pokud jsou stejně pojmenovány proměnné v různých klauzulích, Prolog je rozliší přidáním čísla klauzule k názvu proměnné – místo `X` bude používat v klauzuli číslo 25 proměnnou `X25` apod.,
- si pamatuje, které klauzule použil při předchozích použitích rezoluce a jaké unifikace zvolil,
- pro unifikaci používá algoritmus podobný hledání nejobecnějšího unifikátoru.

Vlastnosti Prologu

Prolog

- globální proměnné neexistují, lokální existují v rámci jediné klauzule, pokud jsou stejně pojmenovány proměnné v různých klauzulích, Prolog je rozliší přidáním čísla klauzule k názvu proměnné – místo `X` bude používat v klauzuli číslo 25 proměnnou `X25` apod.,
- si pamatuje, které klauzule použil při předchozích použitích rezoluce a jaké unifikace zvolil,
- pro unifikaci používá algoritmus podobný hledání nejobecnějšího unifikátoru.

Zpracování dotazů

Slovně:

Platí A_1 a zároveň A_2 a zároveň ...?

Zpracování dotazů

Slovně:

Platí A_1 a zároveň A_2 a zároveň ...?

Co se dá dosadit

za proměnné X , Y , Kdo , atd. použité v dotazu?

Zpracování dotazů

Slovně:

Platí A_1 a zároveň A_2 a zároveň ...?

Existuje něco, co se dá dosadit

za proměnné X , Y , Kdo , atd. použité v dotazu?

Zpracování dotazů

Slovně:

Platí A_1 a zároveň A_2 a zároveň ... ?

Existuje něco, co se dá dosadit

za proměnné X, Y, Kdo , atd. použité v dotazu?

$$\begin{aligned} & \neg \exists u_1 \exists u_2 \dots \exists u_r \quad (A_1 \& A_2 \& \dots \& A_p) \\ \Leftrightarrow & \forall u_1 \forall u_2 \dots \forall u_r \quad (\neg A_1 \vee \neg A_2 \vee \dots \vee \neg A_p) \\ \Leftrightarrow & \forall u_1 \forall u_2 \dots \forall u_r \quad (true \rightarrow (\neg A_1 \vee \neg A_2 \vee \dots \vee \neg A_p)) \\ \Leftrightarrow & A_1, A_2, \dots, A_p \rightarrow \end{aligned}$$

Pojmy

Cílová klauzule

= klauzule, na kterou chceme použít rezoluci, hledáme další klauzuli, která se dá s cílovou klauzulí unifikovat. První cílová klauzule je negovaný dotaz.

Cílové klauzule mají vždy prázdný konsekvent (hlavu).

Cíle

= atomy (tj. predikáty včetně argumentů) cílové klauzule, nejdůležitější je cíl v klauzuli nejvíc vlevo.

Příklad

V následujícím příkladu bude v každé cílové klauzuli zakroužkován hlavní cíl, který je právě vyhodnocován (hledáme klauzuli, s jejíž hlavou (konsekventem) se dá tento cíl unifikovat).

Pojmy

Cílová klauzule

= klauzule, na kterou chceme použít rezoluci, hledáme další klauzuli, která se dá s cílovou klauzulí unifikovat. První cílová klauzule je negovaný dotaz.

Cílové klauzule mají vždy prázdný konsekvent (hlavu).

Cíle

= atomy (tj. predikáty včetně argumentů) cílové klauzule, nejdůležitější je cíl v klauzuli nejmíc vlevo.

Příklad

V následujícím příkladu bude v každé cílové klauzuli zakroužkován hlavní cíl, který je právě vyhodnocován (hledáme klauzuli, s jejíž hlavou (konsekventem) se dá tento cíl unifikovat).

Pojmy

Cílová klauzule

= klauzule, na kterou chceme použít rezoluci, hledáme další klauzuli, která se dá s cílovou klauzulí unifikovat. První cílová klauzule je negovaný dotaz.

Cílové klauzule mají vždy prázdný konsekvent (hlavu).

Cíle

= atomy (tj. predikáty včetně argumentů) cílové klauzule, nejdůležitější je cíl v klauzuli nejméně vlevo.

Příklad

V následujícím příkladu bude v každé cílové klauzuli zakroužkován hlavní cíl, který je právě vyhodnocován (hledáme klauzuli, s jejíž hlavou (konsekventem) se dá tento cíl unifikovat).

Příklad

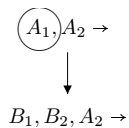
 $A_1, A_2 \rightarrow$

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$

Příklad

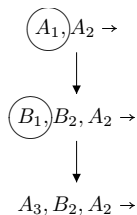
1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$



1. A_2 .
2. A_3 .
3. B_2 .
4. B_3 .
5. $B_1 :- A_3$.
6. $A_3 :- B_3$.
7. $A_1 :- B_1, B_2$.

Příklad

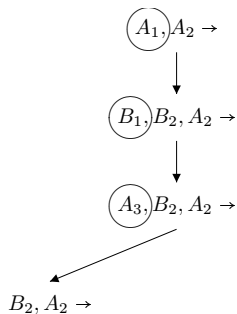
1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$



1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$

Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

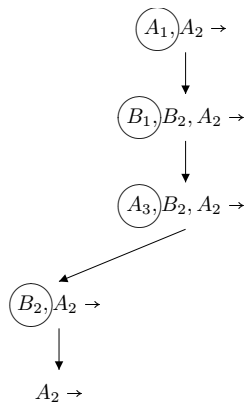


1. A_2 .
2. A_3 .
3. B_2 .
4. B_3 .
5. $B_1 :- A_3$.
6. $A_3 :- B_3$.
7. $A_1 :- B_1, B_2$.

Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

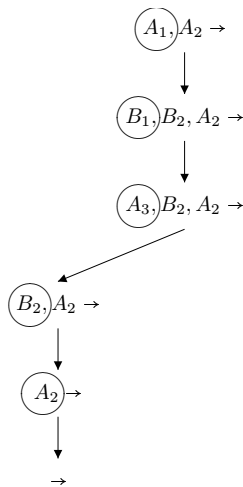
1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

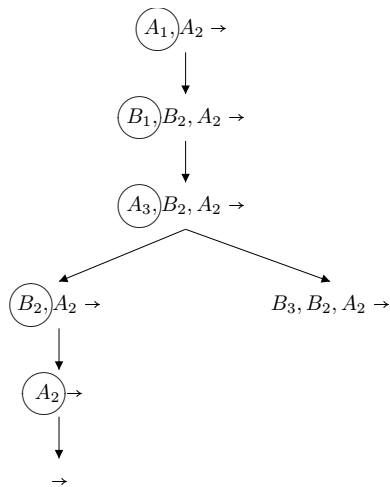
1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

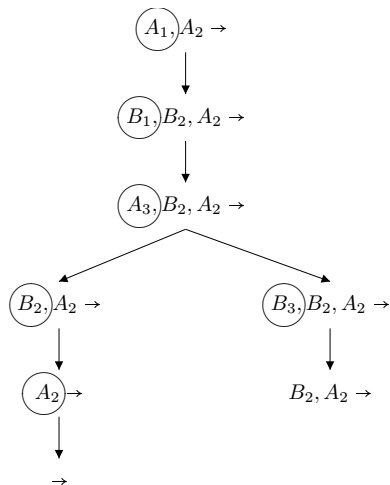
1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

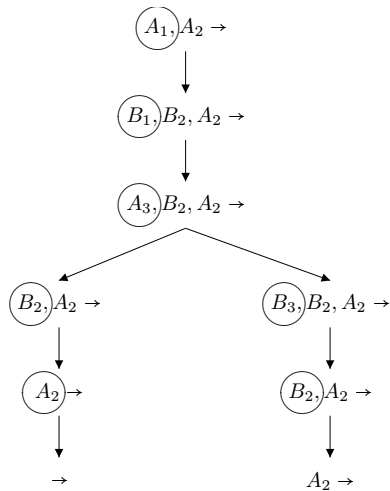
1. $A_2.$
2. $A_3.$
3. $B_2.$
4. $B_3.$
5. $B_1 :- A_3.$
6. $A_3 :- B_3.$
7. $A_1 :- B_1, B_2.$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

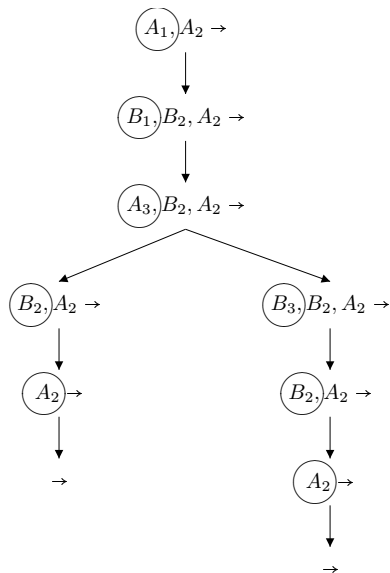
1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

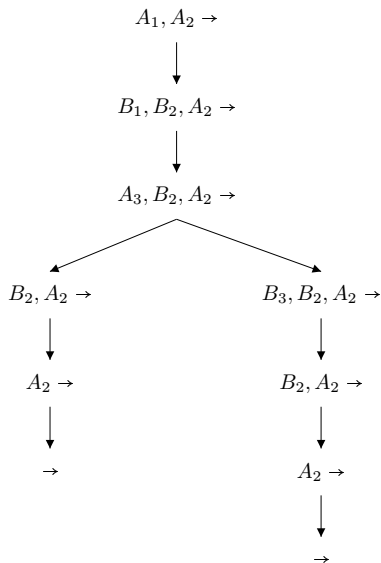
1. $A_2.$
2. $A_3.$
3. $B_2.$
4. $B_3.$
5. $B_1 :- A_3.$
6. $A_3 :- B_3.$
7. $A_1 :- B_1, B_2.$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

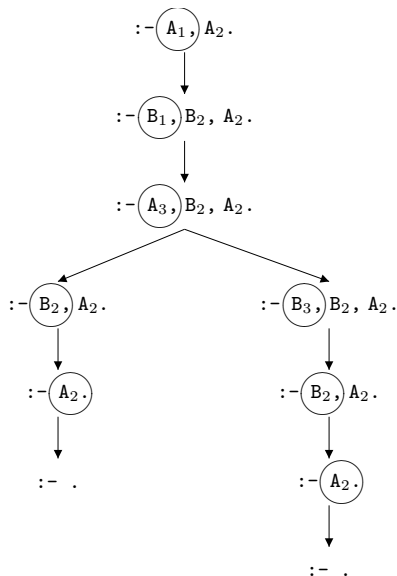
1. $A_2 .$
2. $A_3 .$
3. $B_2 .$
4. $B_3 .$
5. $B_1 :- A_3 .$
6. $A_3 :- B_3 .$
7. $A_1 :- B_1, B_2 .$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

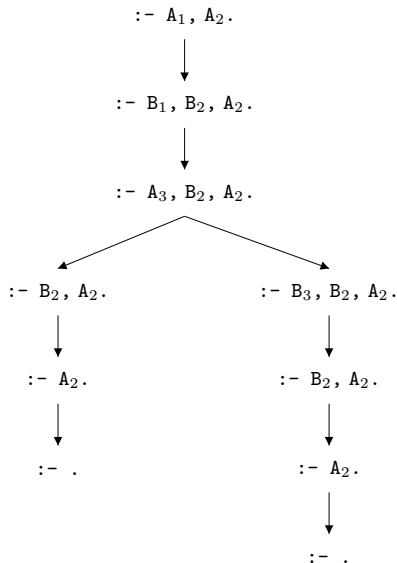
1. $A_2.$
2. $A_3.$
3. $B_2.$
4. $B_3.$
5. $B_1 :- A_3.$
6. $A_3 :- B_3.$
7. $A_1 :- B_1, B_2.$



Příklad

1. $\rightarrow A_2$
2. $\rightarrow A_3$
3. $\rightarrow B_2$
4. $\rightarrow B_3$
5. $A_3 \rightarrow B_1$
6. $B_3 \rightarrow A_3$
7. $B_1, B_2 \rightarrow A_1$

1. $A_2.$
2. $A_3.$
3. $B_2.$
4. $B_3.$
5. $B_1 :- A_3.$
6. $A_3 :- B_3.$
7. $A_1 :- B_1, B_2.$



Proměnné a zásobník

Přidáváme proměnné

Výpočetní strom dotazu se větví:

- když existuje více klauzulí, jejichž hlava se dá unifikovat s hlavním cílem,
- když existuje více možností dosazení hodnot za proměnné v hlavním cíli.

Ve skutečnosti druhá možnost souvisí s první, viz předchozí příklad.

Pokud jsou v dotazu (univerzálně kvantifikované) proměnné (X , $Prom$, Kdo , ...), musíme si pamatovat jejich hodnotu:

- pro tutéž proměnnou je v každé větvi výpočetního stromu jiná hodnota,
- je třeba si ji pamatovat až k listu (konci) větve,
- když se dostaneme k listu větve, vypíšeme všechny zapamatované hodnoty proměnných z dotazu.

Proměnné a zásobník

Přidáváme proměnné

Výpočetní strom dotazu se větví:

- když existuje více klauzulí, jejichž hlava se dá unifikovat s hlavním cílem,
- když existuje více možností dosazení hodnot za proměnné v hlavním cíli.

Ve skutečnosti druhá možnost souvisí s první, viz předchozí příklad. Pokud jsou v dotazu (univerzálně kvantifikované) proměnné (X , $Prom$, Kdo , ...), musíme si pamatovat jejich hodnotu:

- pro tutéž proměnnou je v každé větvi výpočetního stromu jiná hodnota,
- je třeba si ji pamatovat až k listu (konci) větve,
- když se dostaneme k listu větve, vypíšeme všechny zapamatované hodnoty proměnných z dotazu.

Proměnné a zásobník

Ukládání do zásobníku

Zásobník je paměťová struktura typu zásobník (Last In, First Out), do které ukládáme údaje o pohybu ve výpočetním stromě.

Každý prvek zásobníku obsahuje údaje použité při vytvoření nového uzlu výpočetního stromu (unifikace + rezoluce):

- číslo klauzule, na kterou je zároveň s cílovou klauzulí uplatněna v daném kroku rezoluce,
- unifikace (co je za které proměnné dosazeno).

Proměnné a zásobník

Ukládání do zásobníku

Zásobník je paměťová struktura typu zásobník (Last In, First Out), do které ukládáme údaje o pohybu ve výpočetním stromě.

Každý prvek zásobníku obsahuje údaje použité při vytvoření nového uzlu výpočetního stromu (unifikace + rezoluce):

- číslo klauzule, na kterou je zároveň s cílovou klauzulí uplatněna v daném kroku rezoluce,
- unifikace (co je za které proměnné dosazeno).

Proměnné a zásobník

Vyjímání ze zásobníku

se provádí na konci každé větve (ať už úspěšné nebo neúspěšné).
Vyjmeme uspořádanou dvojici $[i, \varphi]$ – když byl údaj ukládán, byla použita unifikace φ na klauzuli číslo i a cílovou klauzuli, víme také, které predikáty klauzulí byly použity.

Proměnné a zásobník

Vyjímání ze zásobníku

Po ukončení jedné větve začneme vytvářet další:

- **jestliže byla větev ukončena úspěchem, vypíšeme hodnoty požadovaných proměnných,**
- vyjmeme údaj ze zásobníku a provedeme *backtracking* (navracení) – rekonstruuujeme původní cílovou klauzuli podle údaje ze zásobníku, tím se ve stromě posuneme o uzel výše,
- uzel níže, ze kterého jsme přišli, vznikl unifikací cílové klauzule a klauzule číslo i , proto hledáme klauzuli pro unifikaci od klauzule číslo $i + 1$,
- když najdeme vhodnou klauzuli pro unifikaci, tvoříme rekurzivně další větev, když ne, ukončíme výpočet s výsledkem `no`.

Proměnné a zásobník

Vyjímání ze zásobníku

Po ukončení jedné větve začneme vytvářet další:

- jestliže byla větev ukončena úspěchem, vypíšeme hodnoty požadovaných proměnných,
- vyjmeme údaj ze zásobníku a provedeme *backtracking* (navracení) – rekonstruujeme původní cílovou klauzuli podle údaje ze zásobníku, tím se ve stromě posuneme o uzel výše,
- uzel níže, ze kterého jsme přišli, vznikl unifikací cílové klauzule a klauzule číslo i , proto hledáme klauzuli pro unifikaci od klauzule číslo $i + 1$,
- když najdeme vhodnou klauzuli pro unifikaci, tvoříme rekurzivně další větev, když ne, ukončíme výpočet s výsledkem `no`.

Proměnné a zásobník

Vyjímání ze zásobníku

Po ukončení jedné větve začneme vytvářet další:

- jestliže byla větev ukončena úspěchem, vypíšeme hodnoty požadovaných proměnných,
- vyjmeme údaj ze zásobníku a provedeme *backtracking* (navracení) – rekonstruujeme původní cílovou klauzuli podle údaje ze zásobníku, tím se ve stromě posuneme o uzel výše,
- uzel níže, ze kterého jsme přišli, vznikl unifikací cílové klauzule a klauzule číslo i , proto hledáme klauzuli pro unifikaci od klauzule číslo $i + 1$,
- když najdeme vhodnou klauzuli pro unifikaci, tvoříme rekurzivně další větev, když ne, ukončíme výpočet s výsledkem `no`.

Proměnné a zásobník

Vyjímání ze zásobníku

Po ukončení jedné větve začneme vytvářet další:

- jestliže byla větev ukončena úspěchem, vypíšeme hodnoty požadovaných proměnných,
- vyjmeme údaj ze zásobníku a provedeme *backtracking* (navracení) – rekonstruujeme původní cílovou klauzuli podle údaje ze zásobníku, tím se ve stromě posuneme o uzel výše,
- uzel níže, ze kterého jsme přišli, vznikl unifikací cílové klauzule a klauzule číslo i , proto hledáme klauzuli pro unifikaci od klauzule číslo $i + 1$,
- **když najdeme vhodnou klauzuli pro unifikaci, tvoříme rekurzivně další větev, když ne, ukončíme výpočet s výsledkem no.**

Algoritmus

1. Na začátku výpočtu se cílovou klauzulí stane (negovaný) dotaz.
2. Jestliže je cílovou klauzulí prázdná klauzule, *končíme výpočet větve s úspěchem (yes)*:
 - 2.1 V dotazu jsou proměnné: vypíšeme nalezené hodnoty těchto proměnných (poslední hodnoty ze zásobníku příslušející těmto proměnným), čekáme na stisk klávesy a pokud je to klávesa ; , provedeme navracení a pokračujeme bodem 3.
 - 2.2 V dotazu nejsou proměnné: vypíšeme yes, ukončíme celý výpočet a smažeme obsah zásobníku.

Algoritmus

1. Na začátku výpočtu se cílovou klauzulí stane (negovaný) dotaz.
2. Jestliže je cílovou klauzulí prázdná klauzule, *končíme výpočet větve s úspěchem (yes)*:
 - 2.1 V dotazu jsou proměnné: vypíšeme nalezené hodnoty těchto proměnných (poslední hodnoty ze zásobníku příslušející těmto proměnným), čekáme na stisk klávesy a pokud je to klávesa `;`, provedeme navracení a pokračujeme bodem 3.
 - 2.2 V dotazu nejsou proměnné: vypíšeme *yes*, ukončíme celý výpočet a smažeme obsah zásobníku.

Algoritmus

1. Na začátku výpočtu se cílovou klauzulí stane (negovaný) dotaz.
2. Jestliže je cílovou klauzulí prázdná klauzule, *končíme výpočet větve s úspěchem* (yes):
 - 2.1 V dotazu jsou proměnné: vypíšeme nalezené hodnoty těchto proměnných (poslední hodnoty ze zásobníku příslušející těmto proměnným), čekáme na stisk klávesy a pokud je to klávesa `;`, provedeme navracení a pokračujeme bodem 3.
 - 2.2 V dotazu nejsou proměnné: vypíšeme yes, ukončíme celý výpočet a smažeme obsah zásobníku.

Algoritmus

1. Na začátku výpočtu se cílovou klauzulí stane (negovaný) dotaz.
2. Jestliže je cílovou klauzulí prázdná klauzule, *končíme výpočet větve s úspěchem (yes)*:
 - 2.1 V dotazu jsou proměnné: vypíšeme nalezené hodnoty těchto proměnných (poslední hodnoty ze zásobníku příslušející těmto proměnným), čekáme na stisk klávesy a pokud je to klávesa `;`, provedeme navracení a pokračujeme bodem 3.
 - 2.2 V dotazu nejsou proměnné: vypíšeme *yes*, ukončíme celý výpočet a smažeme obsah zásobníku.

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která

- ještě pro tento cíl nebyla použita,
- má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
- a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

- 3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.
- 3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.
- 3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme no).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

- 3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.
- 3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.
- 3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme no).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

- 3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.
- 3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.
- 3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme no).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

- 3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.
- 3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.
- 3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme no).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.

3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.

3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme `no`).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.

3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.

3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme `no`).

Algoritmus

3. Vezmeme nejlevější atom (cíl) cílové klauzule a hledáme v programu klauzuli, která
 - ještě pro tento cíl nebyla použita,
 - má ve své hlavě (tj. v konsekventu) tentýž predikát jako testovaný cíl
 - a je možné provést unifikaci přes atom v hlavě klauzule a testovaný cíl cílové klauzule.

Jsou tři možnosti:

- 3.1 Takovou klauzuli najdeme: pokračujeme bodem 4.
- 3.2 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník není prázdný: provedeme navracení (vše, co bylo až do této pozice v programu provedeno, zrušíme a zkusíme další cestu) a pokračujeme bodem 3.
- 3.3 Takovou klauzuli se nepodaří najít a zásobník je prázdný: nelze pokračovat jinak, než jak se dosud postupovalo (tj. zásobník je prázdný, ale cílová klauzule je neprázdná), *končíme výpočet s neúspěchem* (vypíšeme *no*).

Algoritmus

4. Unifikujeme cílovou klauzuli a nalezenou klauzuli, uplatníme pravidlo rezoluce a rezolventu (výsledek rezoluce) použijeme jako *novou cílovou klauzuli*. Je zřejmé, že nejlevější cíl, který jsme zpracovávali v původní cílové klauzuli, se v nové cílové klauzuli neobjeví.
Do zásobníku je uloženo číslo klauzule, která je unifikována s cílem, a údaje o použité substituci. Pokračujeme bodem 2.

Příklad použití algoritmu

viz skripta, str. 114.

Algoritmus

4. Unifikujeme cílovou klauzuli a nalezenou klauzuli, uplatníme pravidlo rezoluce a rezolventu (výsledek rezoluce) použijeme jako *novou cílovou klauzuli*. Je zřejmé, že nejlevější cíl, který jsme zpracovávali v původní cílové klauzuli, se v nové cílové klauzuli neobjeví.
Do zásobníku je uloženo číslo klauzule, která je unifikována s cílem, a údaje o použité substituci. Pokračujeme bodem 2.

Příklad použití algoritmu

viz skripta, str. 114.

Vestavěné predikáty pro řízení výpočtu

Predikát `call/1`

pouze vyhodnotí svůj argument a vrátí jeho výsledek.

Predikát nepravdy – `fail`

Predikát `fail` je vždy vyhodnocen jako *false*, slouží k okamžitému zastavení vyhodnocování větve s neúspěchem, spustí vyhledávání další větve.

Predikát řezu – `!`

Predikát `!` je sice vyhodnocen jako *true* (tj. pustí při vyhodnocování dále do větve výpočetního stromu), ale znemožní navracení (backtracking), tedy všechna další řešení jsou odříznuta, znemožní hledání dalších větví výpočtu.

Slouží především k odříznutí „nechtěných“ dalších řešení nebo nevhodné další rekurze (nejsou vyhledávány další klauzule, jejichž hlava se dá unifikovat s cílem těsně před `!`).

Vestavěné predikáty pro řízení výpočtu

Predikát `call/1`

pouze vyhodnotí svůj argument a vrátí jeho výsledek.

Predikát nepravdy – `fail`

Predikát `fail` je vždy vyhodnocen jako *false*, slouží k okamžitému zastavení vyhodnocování větve s neúspěchem, spustí vyhledávání další větve.

Predikát řezu – `!`

Predikát `!` je sice vyhodnocen jako *true* (tj. pustí při vyhodnocování dále do větve výpočetního stromu), ale znemožní navracení (backtracking), tedy všechna další řešení jsou odříznuta, znemožní hledání dalších větví výpočtu.

Slouží především k odříznutí „nechtěných“ dalších řešení nebo nevhodné další rekurze (nejsou vyhledávány další klauzule, jejichž hlava se dá unifikovat s cílem těsně před `!`).

Vestavěné predikáty pro řízení výpočtu

Predikát `call/1`

pouze vyhodnotí svůj argument a vrátí jeho výsledek.

Predikát nepravdy – `fail`

Predikát `fail` je vždy vyhodnocen jako *false*, slouží k okamžitému zastavení vyhodnocování větve s neúspěchem, spustí vyhledávání další větve.

Predikát řezu – `!`

Predikát `!` je sice vyhodnocen jako *true* (tj. pustí při vyhodnocování dále do větve výpočetního stromu), ale znemožní navracení (backtracking), tedy všechna další řešení jsou odříznuta, znemožní hledání dalších větví výpočtu.

Slouží především k odříznutí „nechtěných“ dalších řešení nebo nevhodné další rekurze (nejsou vyhledávány další klauzule, jejichž hlava se dá unifikovat s cílem těsně před `!`).

Příklad

Definice predikátu not

```
not(X) :- call(X),!,fail.  
not(X).
```

Podobný princip – vyloučení

```
pritomen(X) :- X=honza,!,fail.  
pritomen(X).
```

Příklad

Definice predikátu not

```
not(X) :- call(X),!,fail.  
not(X).
```

Podobný princip – vyloučení

```
pritomen(X) :- X=honza,!,fail.  
pritomen(X).
```

Zajímavé odkazy

Test Zone – on-line editor Prologu

<http://kti.mff.cuni.cz/~bartak/prolog/testing.html>

Expertní systémy v Prologu

<http://www.amzi.com/ExpertSystemsInProlog/>